

Travaux de vacances sur les inéquations (série 1)

N'oublie pas :

Pour résoudre les inéquations il faut

- 1) Avoir « 0 » dans le membre de droite
- 2) Réduire en une seule fraction
- 3) Calculer les racines
- 4) Etablir le tableau de signes
- 5) Donner l'ensemble des solutions

Résoudre les inéquations suivantes et donner l'ensemble S des solutions

$$\frac{9x-1}{7x-3} \geq \frac{-x-7}{7x-3}$$

$$\frac{2x+5}{x+1} + \frac{5}{x^2-1} \geq \frac{2x}{1-x}$$

$$4x(3x-81) \leq 0$$

$$18x^2 + 9x > 14$$

$$\frac{6x+5}{9-x} \geq 0$$

$$-6x^8(x^2-16) < 0$$

$$\frac{2x^3}{-x^2+5x-6} \geq 0$$

$$\frac{(7+2x)^3}{(1-5x)^4} < 0$$

$$\frac{4x-3}{x-1} > -2$$

$$\frac{-4+x}{2x-1} < \frac{-(x+3)}{3-2x}$$

$$16x^2 < 4$$

Travaux de vacances sur les équations de droites (série 1)

N'oublie pas :

Pour trouver l'équation d'une droite, tu dois d'abord connaître

- a) **un point** de la droite (,)
- b) **une direction** précisée par
 - un coefficient de direction (a) , ou
 - un vecteur directeur $\vec{v}$ (x_v, y_v) , ou
 - un angle d'inclinaison α
 $a = y_v/x_v = \tan \alpha$

1. Soient les points A(-1,4) B(-3,2) C(0,6) D(-2,0) E(7,-3)
On demande :
 - a) l'équation cartésienne de la droite AB
 - b) le point de AB d'abscisse 2
 - c) le point de AB d'ordonnée -5
 - d) si le point (-10,12) appartient à la droite AB
 - e) les points d'intersection avec les axes OX et OY
 - f) l'équation cartés. de la droite $d_1 \parallel$ à AE et passant par C
 - g) l'équation paramétrique de la droite $d_2 \perp$ à AE et passant par D
 - h) l'équation de la droite OA
 - i) l'équation par. de la droite passant par A et de vecteur directeur $\vec{v}(3,5)$
 - j) l'équation de la droite (d) passant par B et de vecteur directeur $\vec{v}(-4,2)$
 - k) le coefficient de direction de « d » et son angle d'inclinaison
 - l) l'équation cartés. de d_3 passant par E et inclinée à 70°
 - m) l'équation de la droite parallèle à OX et passant par A
 - n) l'équation de la droite parallèle à OY et passant par B
 - o) l'équation de la droite passant par A et parallèle à la droite $d \equiv y = 3x - 8$
 - p) l'équation de la médiane relative au côté [AB] dans le triangle ABC
 - q) l'équation de la hauteur issue du sommet A dans le triangle ABC
2. Rechercher l'équation cartésienne de la droite d parallèle à $d_1 \equiv y = 5x - 2$ et passant par le point d'intersection de d_2 avec l'axe OX sachant que $d_2 \equiv 2x + 5y - 8 = 0$
3. Rechercher l'équation cartésienne de la droite d parallèle à $d_1 \equiv y - x + 2 = 1$ et passant par le point d'intersection de d_2 et d_3 si $d_2 \equiv y = x - 3$ et $d_3 \equiv y = 2x + 8$

Première approche des fonctions et leurs domaines

Exercices préparatoires

Complète les phrases suivantes et donne les exemples adéquats :

➤ Pour connaître la croissance d'une fonction du premier degré,

je regarde

s'il est, $f(x)$ est

exemple : $f(x) =$

s'il est , $f(x)$ est

exemple : $f(x) =$

➤ Pour connaître la concavité d'une fonction du second degré,

je regarde

s'il est, $f(x)$ est

exemple : $f(x) =$

s'il est , $f(x)$ est

exemple : $f(x) =$

➤ Pour calculer les points d'intersection de $f(x)$ avec l'axe OX,

je

et je calcule les

Les points s'écrivent alors (.....,.....)

exemple : $f(x) = 2x^2 + 5x$

Pour connaître la parité d'une fonction,

je

Si $f(\dots) = \dots$ alors $f(x)$ est et son graphique est symétrique par rapport à

exemple : $f(x) =$

Si $f(\dots) = \dots$ alors $f(x)$ est et son graphique est symétrique par rapport à

exemple : $f(x) =$

➤ Pour connaître l'image d'une fonction d'après son graphique,

je

exemple : $f(x) = \sqrt{x-1} - 5$ admet comme image $I =$

Les fonctions du troisième degré peuvent admettre un point d'inflexion (P.I.)

Pour $f(x) = x^3$ le P.I. est (.....,.....)

Le P.I. suit le même déplacement que le graphique

exemples : $f(x) = (x - 5)^3 + 2$

Le P.I. se translate de

et devient donc (.....,.....)

Les fonctions de type $1/x$ sont caractérisées par leurs asymptotes (A.V et A.H)

Pour $f(x) = \frac{1}{x}$, on a A.V. $\equiv$ et A.H. $\equiv$

Les asymptotes. suivent les mêmes déplacements que le graphique

exemples : $f(x) = \frac{1}{x-4} + 3$

L'A.V.. se translate de

et s'écrit donc A.V. $\equiv$

L'A.H.. se translate de

et s'écrit donc A.H. $\equiv$

Les domaines :

Il existe trois types de condition d'existence :

Si la fonction s'écrit $f(x) = \frac{n(x)}{d(x)}$ alors il y a une condition d'existence
qui est :

Si la fonction s'écrit $f(x) = \sqrt{a(x)}$ alors il y a une condition d'existence
qui est :

Si la fonction s'écrit $f(x) = \frac{n(x)}{\sqrt{b(x)}}$ alors il y a une condition d'existence
qui est :

S'il y a à la fois, des dénominateurs et des racines d'indice pair, il y aura
..... conditions. La domaine s'obtiendra en reprenant les
différentes conditions sur la « ligne des réels »

Exemple : $f(x) = \frac{\sqrt{x-4}}{(x-5)\sqrt{6-x}}$

Il y a :

une racine carrée au numérateur d'où la C.E. : $x - 4 \geq 0$

un polynôme au dénominateur d'où la C.E. : $x - 5 \neq 0$

une racine carrée au dénominateur d'où la C.E. : $6 - x > 0$

Après résolution des trois conditions, on obtient :
$$\begin{cases} x \geq 4 \\ x \neq 5 \\ x < 6 \end{cases}$$

ce qui donne après avoir fait « la ligne » $D = [4, 5[\cup]5, 6[$

Exercices :

Pour chaque fonction, coche la bonne catégorie de conditions d'existence et précise s'il faut faire un tableau de signes. Justifie

C.E. $\neq 0$	> 0	≥ 0	tableaux
--------------------	-------	----------	----------

exemple :

$$\sqrt{x^2 - 7}$$

X
car rac carrée
au num
 $x^2 - 7 \geq 0$ oui car C.E. = inéquation
du 2^{ème} degré

x		$-\sqrt{7}$		$\sqrt{7}$	
	+	0	-	0	+

$$D =]-\infty, -\sqrt{7}] \cup [\sqrt{7}, +\infty[$$

Fais les autres exercices sur le même modèle

$$f_1(x) = \sqrt{9 - x^2}$$

$$f_2(x) = \sqrt{7 - 8x}$$

$$f_3(x) = \frac{2x}{\sqrt{-x^2 + 3x - 2}}$$

$$f_4(x) = \sqrt{\frac{2x}{-x^2 - 4}}$$

$$f_5(x) = \sqrt{\frac{x+5}{2x-11}}$$

$$f_6(x) = \frac{\sqrt{x+6}}{\sqrt{13-x}}$$

$$f_7(x) = \frac{\sqrt{x^2 - 25}}{x - 8}$$

$$f_8(x) = \frac{3x+1}{2x\sqrt{x+6}}$$

$$f_9(x) = \frac{\sqrt{x^2 - 1}}{\sqrt{4 - x^2}}$$

$$f_{10}(x) = \sqrt{\frac{x^3 - 2x}{x+5}}$$

Travaux de vacances sur les fonctions

1. Donner les conditions d'existence et le domaine des fonctions

$$f(x) = x^4 + 3x^2 - 5; f(x) = \frac{5x+1}{4-x}; f(x) = \frac{6x}{x^2-16}; f'(x) = \frac{9x+1}{x^2+x+10}; f(x) = \frac{5}{x^2-5x+6}$$

$$f(x) = \frac{3x^2+1}{x^3+9x}; f(x) = \sqrt{5-6x}; f(x) = \sqrt{\frac{2x-1}{3x}}; f(x) = \frac{\sqrt{2x-1}}{\sqrt{3x}}$$

$$f(x) = \sqrt{9x^2+1}; f(x) = \sqrt{16x^2-1}; f(x) = \frac{2x}{\sqrt{4x^2-9}}; f(x) = \sqrt[5]{5x+9}$$

$$f(x) = |x^2+5|; f(x) = \frac{\sqrt{-4x}}{3x^3}; f(x) = \frac{\sqrt{-8x+5}}{\sqrt{x+1}}; f(x) = \frac{\sqrt{x+2}}{x\sqrt{x-5}}$$

$$f(x) = \frac{1}{\sin x}; f(x) = \operatorname{tg}\left(2x - \frac{\pi}{5}\right)$$

2. En schématisant les graphiques, donner

l'image, les intervalles de croissance et décroissance, les min ou max, les concavités, les P.I., les équations des axes de symétrie (s'il y en a)

$$f(x) = -2x^2 + 1; f(x) = (x+1)^3 - 2; f(x) = -x^4; f(x) = \sqrt{x+3} - 1; f(x) = \sqrt{-x+2}$$

$$f(x) = |4-x^2|; f(x) = \frac{1}{x+3}; f(x) = \sqrt{(x+4)^2}$$

3. Soit $P \equiv y = 2x^2 + 5x - 3$

Rechercher : l'axe de symétrie, le sommet, les intersections avec les axes
Tracer le graphique

Rechercher par calcul et par graphique, les intersections éventuelles de P avec la droite $d \equiv y = x - 3$

4. Déterminer $f(x)$ du premier degré tel que $f(8) = 3$ et $f(-1) = 2$

5. Donner la parité de $f(x) = 3x^2 - 4$; $f(x) = -2x^3 + x$

$$f(x) = \frac{2x^2}{3x-1}; f(x) = \sqrt{4x-1}$$

$$f(x) = x^4 + 2x^2 - 1$$

$$f(x) = \frac{x^2+4}{3x^3}; f(x) = \frac{5x^3+x}{x^2+x-1}; f(x) = \sqrt{2x}; f(x) = \sqrt{x^2+1}$$

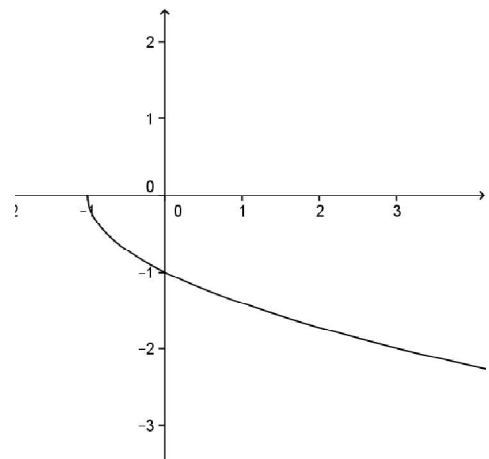
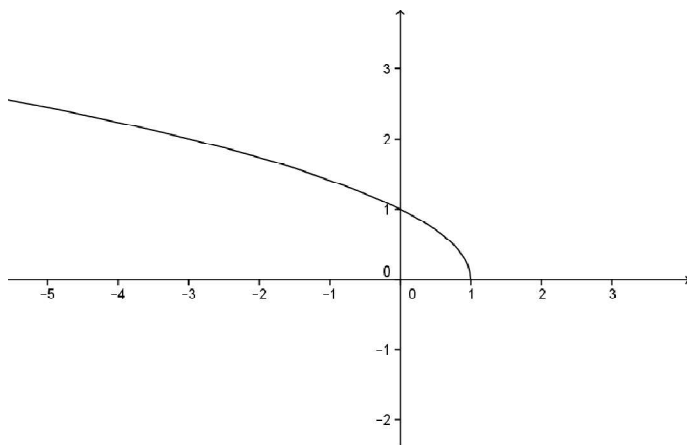
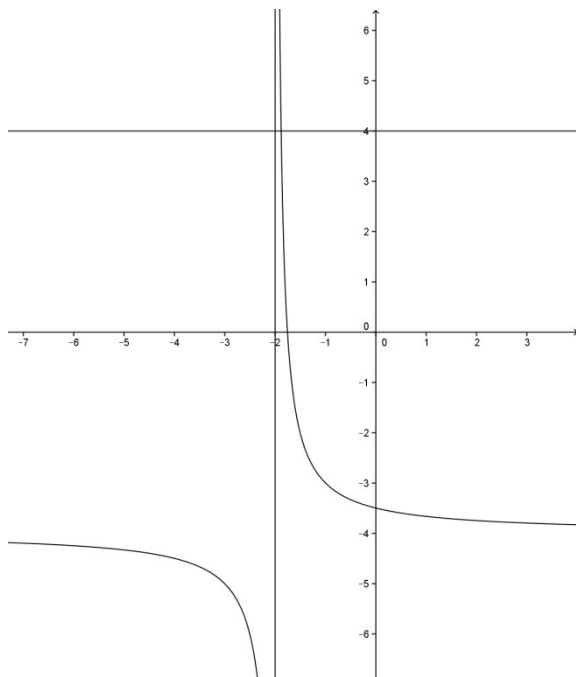
6. Donne l'intervalle sur lequel $f(x)$ admet une concavité vers

le haut : $f(x) = (x-1)^3 + 2$

le bas : $f(x) = (3-x)^3 - 1$

7. Trouve les points d'intersection éventuels de P et d si

$$P \equiv y = x^2 + 5x + 2 \text{ et } d \equiv y = 5x + 3$$



Définir la fonction qui correspond à chaque graphique et donner les propriétés demandées

graphique A : $f(x) =$
croissant ou décroissant ?

graphique B : $f(x) =$
sens de la concavité :

domaine :

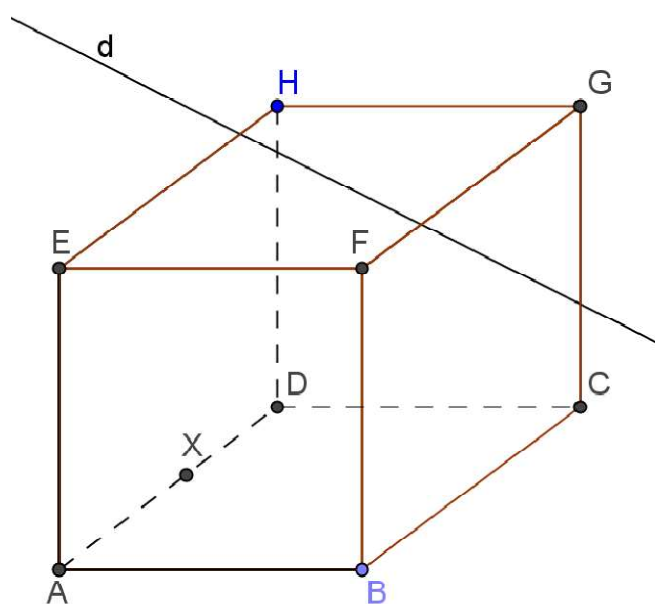
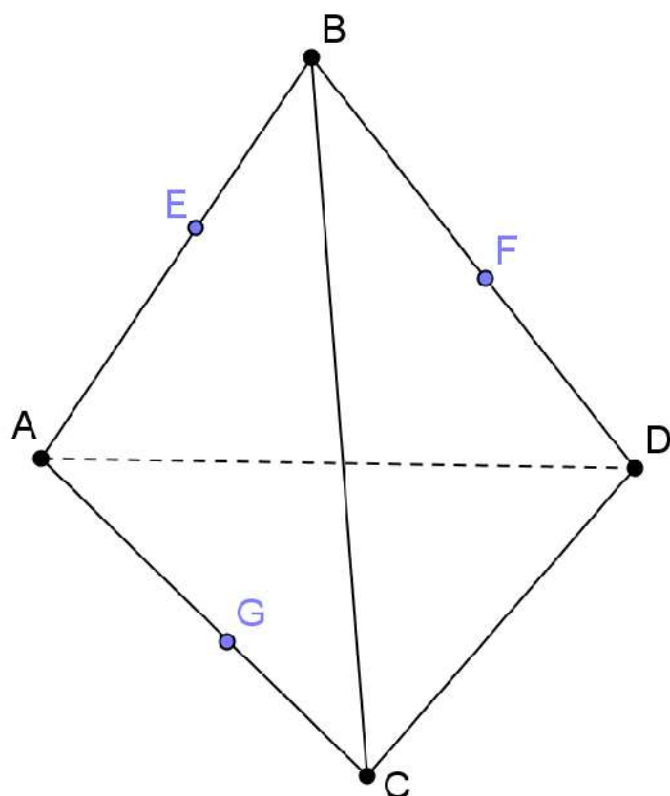
graphique C : $f(x) =$
racine :

Image :

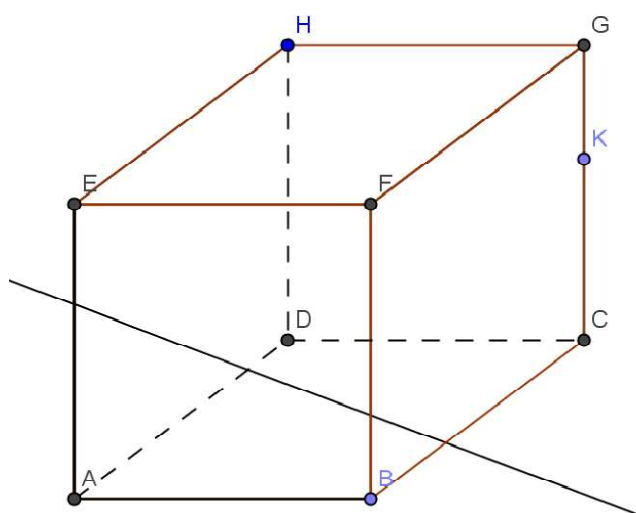
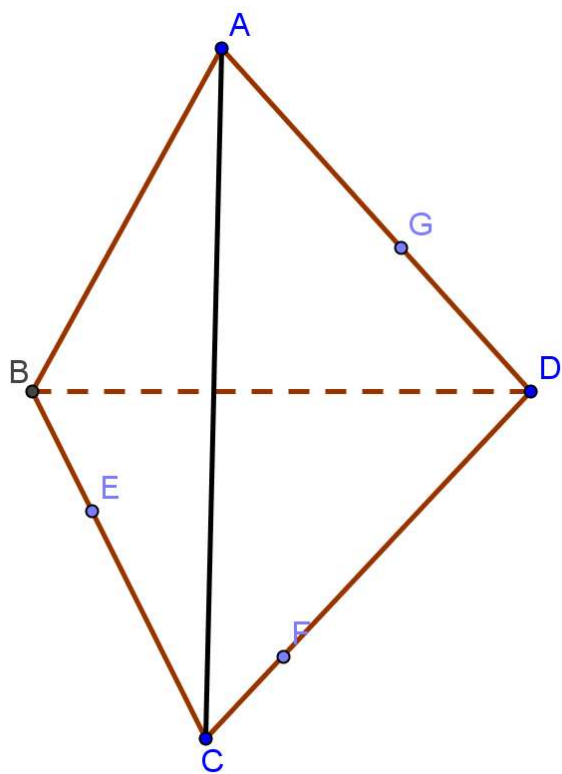
Sur le graphique C, trace en vert $g(x) = |f(x)|$

Travaux de vacances sur les sections

TRACER LES SECTIONS PLANES



La droite d est incluse dans le plan HEF



La droite d est incluse dans le plan ABF